

# Programacion Evolutiva

# PE Resumen

- Desarrollado: en EEUU en los 60s
- Pionero: D. Fogel
- Tradicionalmente aplicado a:
  - tradicional: aprendizaje computacional por automatas de estados finitos
  - moderno: optimizacion numerica
- Caracteristicas principales:
  - metodologia abierta: cualquier representacion y mutacion es OK
  - mezcla con estategias evolutivas
  - consecuentemente: es dificil decir que es “estandard” PE
- Caracteristicas especiales:
  - no Xover
  - autoadaptacion de parametros (en las PE contemporanea)

# Tableau de Resumen Tecnico

Representacion	Vectores reales
Recombinacion	None
Mutacion	Perturbacion Gausiana
Seleccion de padres	Deterministica
Seleccion de sobrevivientes	Probabilistica ( $\mu+\mu$ )
Especialidad	auto-adaptacion de los pasos de mutacion(in meta-EP)

# Perspectiva Historica

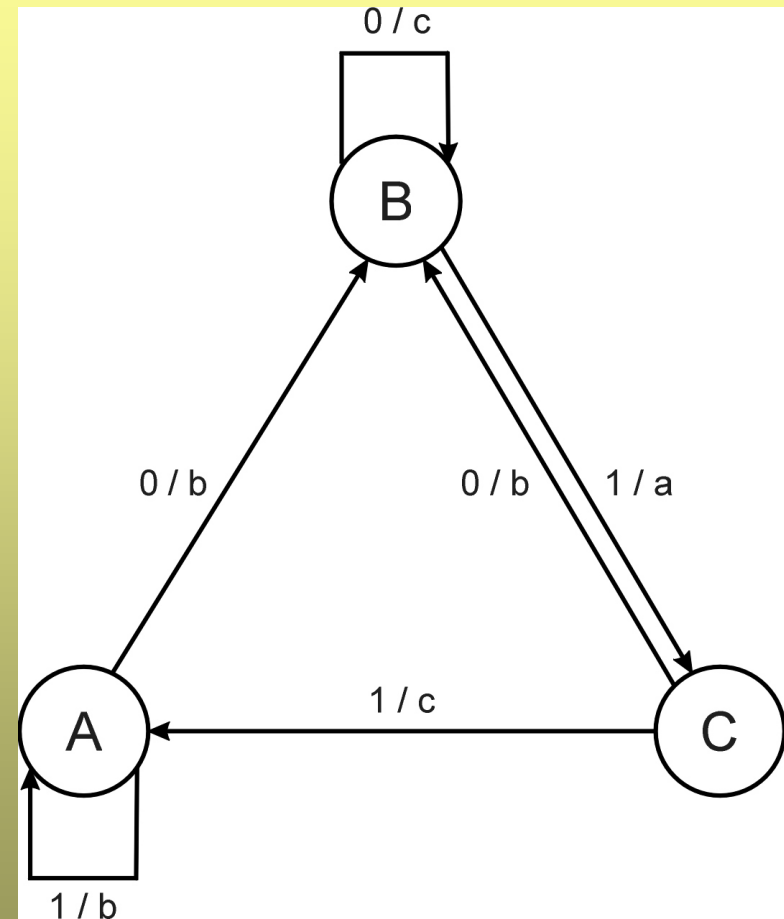
- PE estaba dirigida a producir inteligencia
- Inteligencia se veia como comportamiento adaptativo
- Prediccion del entorno se veia como requisito para comportamiento adaptativo
- En consecuencia la capacidad de predecir es clave para un comportamiento inteligente

# Prediccion por Maquinas de Estados Finitos (MEF)

- MEFs:
  - Estados  $S$
  - Inputs  $I$
  - Outputs  $O$
  - Funcion de transicion  $\delta : S \times I \rightarrow S \times O$
  - Transforma una secuencia de inputs en una secuencia de outputs
- Puede ser usado para predecir, por ejemplo, el siguiente simbolo en una secuencia

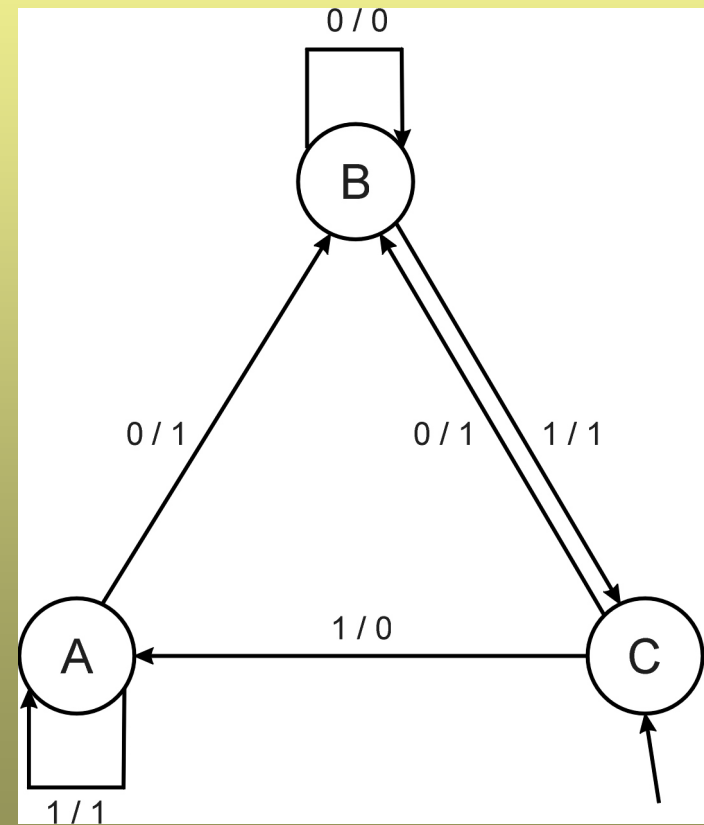
# Ejemplo de MEF

- Consideren la MEF con:
  - $S = \{A, B, C\}$
  - $I = \{0, 1\}$
  - $O = \{a, b, c\}$
  - $\delta$  dada por el diagrama



# MEF como predictor

- Considere la siguiente MEF:
- Tarea: predecir el siguiente input
- Calidad: % de  $in_{(i+1)} = out_i$
- Dado estado inicial C
- Secuencia input 011101
- Produce 110111
- Quality: 3 out of 5



# Ejemplo introductorio: Designoid MEF para predecir primos

- $P(n) = 1$  si  $n$  es primo, 0 de otra manera
- $I = N = \{1, 2, 3, \dots, n, \dots\}$
- $O = \{0, 1\}$
- Prediccion correcta:  $out_i = P(in_{(i+1)})$
- Fitness:
  - 1 por una prediccion correcta del siguiente input
  - 0 por prediccion incorrecta
  - Penalidad por complejidad sintactica



- Selección de padres: cada MEF se muta una vez
- Operadores de mutación (se selecciona uno al azar):
  - Cambiar un símbolo output
  - Cambiar una transición
  - Agregar un estado
  - Borrar un estado
  - Cambiar el estado inicial
- Selección de sobrevivientes:  $(\mu+\mu)$
- Resultados: “**overfitting**”, luego de 202 inputs la mejor máquina tenía un solo estado con ambos outputs 0, esto es, siempre predice “no primo”

# PE Moderna

- En general no tiene una representacion predefinida
- Consecuentemente: no hay una mutacion predefinida (en general debe corresponder de alguna manera con la representacion elegida)
- Aplica auto-adaptacion al operador de mutacion
- En lo que sigue presentamos una version de PE moderna

# Representacion

- Para optimizacion de parametros continuos
- Cromosoma consiste de dos partes:
  - Variables del designoid:  $x_1, \dots, x_n$
  - Tamano de los pasos de mutacion:  $\sigma_1, \dots, \sigma_n$
- Esto es:  $\langle x_1, \dots, x_n, \sigma_1, \dots, \sigma_n \rangle$

# Mutacion

- Cromosomas:  $\langle x_1, \dots, x_n, \sigma_1, \dots, \sigma_n \rangle$
- $\sigma_i' = \sigma_i \cdot (1 + \alpha \cdot N(0,1))$
- $x'_i = x_i + \sigma_i' \cdot N_i(0,1)$
- $\alpha \approx 0.2$
- regla del borde:  $\sigma' < \varepsilon_0 \Rightarrow \sigma' = \varepsilon_0$
- Otras variantes:
  - Esquemas Lognormal como en Estrategias Evolutivas
  - Usar varianza en vez de las desviaciones estandares
  - Mutar  $\sigma$  al final
  - Otras distribuciones, e.g, Cauchy en vez de Gaussian

# Recombinacion

- Ninguna
- Motivacion (ideologica): un punto en el espacio de busqueda es en realidad una especie (no un individuo) y no pueder haber entre cruzamiento entre especies.
- Devuelta el debate “mutacion vs. crossover”
- Los beneficios practicos terminan decidiendo estos debates

# Selección de Padres

- Cada individuo crea un solo hijo por mutación
- Entonces:
  - Determinística
  - No depende del fitness

# Selección de Supervivientes

- $P(t)$ :  $\mu$  padres,  $P'(t)$ :  $\mu$  hijos
- Competición round-robin entre pares de individuos:
  - Cada solución  $x$  de  $P(t) \cup P'(t)$  es evaluada contra otros  $q$  soluciones elegidas al azar
  - Para cada comparación, se asigna un "win" si  $x$  tiene mejor fitness
  - Las  $\mu$  con el mayor número de "wins" constituyen la siguiente generación
- El parámetro  $q$  permite ajustar la presión selectiva
- Típicamente  $q = 10$

# Ejemplo: Ackley function (Bäck et al '93)

- La función de Ackley (con  $n = 30$ ):

$$f(x) = -20 \cdot \exp\left(-0.2 \sqrt{\frac{1}{n} \cdot \sum_{i=1}^n x_i^2}\right) - \exp\left(\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \cos(2\pi x_i)\right) + 20 + e$$

- Representación:
  - $-30 < x_i < 30$  (solo una coincidencia con  $n$ , en general puede ser distinto)
  - 30 varianzas como el paso de mutación
- Mutación cambia primero las variables del designoid luego los pasos
- $|poblacion| = \mu = 200$ , selección con  $q = 10$
- Terminación : luego de 200000 evaluaciones de fitness
- Resultados: la mejor solución promedio es  $1.4 \cdot 10^{-2}$



# Ejemplo: Jugadores de damas designoids

(Fogel'02)

- Redes neuronales designoids se usan para evaluar las siguientes movidas
- NNs tienen estructura fija con 5046 weights, estos son evolucionados + un peso (bias) para “kings”
- Representacion:
  - vector de 5046 reales (pesos de las NN)
  - vector de 5046 reales para las  $\sigma$ 's
- Mutacion:
  - Gaussian, esquema lognormal mutando  $\sigma$  primero
  - mas un mecanismo especial para los “kings”
- |poblacion|= 15

- Tamaño del torneo  $q = 5$
- Sistema co-evolutivo, las NN juegan y evolucionan entre ellas (no hay un entrenador humano)
- Luego de 840 generaciones (6 meses) el mejor designoid se midió contra humanos en el internet
- El designoid se ganó un ranking “expert class” ganándole al 99.61% de todos los jugadores rankeados
- Para los interesados leer el libro de Fogel *Blondie24*